

PROGRAMAÇÃO LINEAR. UM MODELO EM INVESTIGAÇÃO OPERACIONAL

Por: Alcides Domingos Cambundo (pesquisa do trabalho de fim de curso para obtenção do grau de título de licenciatura em Ciências Matemáticas)

A investigação operacional utiliza modelos de programação linear para modelar fenómenos ou situações do mundo real e complexos para a forma matemática, sem perder a generalidade com objectivo de estudá-lo e melhorar a situação. A melhoria da resolução de um problema diz-se **óptima**, que normalmente consiste em **maximizar** o lucro ou benefício e **minimizar** custos

Geralmente, os modelos em programação linear que consistem em maximizar ou minimizar são dados na forma seguinte:

$$\begin{aligned} \text{maximizar (minimizar) } Z &= \sum_{i=1}^n C_i \cdot x_i \\ \text{Sujeito à} \quad \sum_{i=1}^n a_i \cdot x_i &\{ \leq; =; \geq \} b_i \quad \mathbf{(1)} \end{aligned}$$

Onde $x_i \geq 0$; ($i = 1, 2, \dots, n$ sendo $n \in N$)

Onde: a_i – Coeficientes técnicos ou tecnológicos

x_i – Variáveis de decisão

b_i – Termos independentes ou constantes de restrição

c_i – Coeficientes da função objectivo ou coeficientes económicos

Exemplo de um problema em programação linear: Um criador de porcos, pretende determinar a quantidade de cada tipo de ração a dar diariamente a cada animal, para conseguir uma dada qualidade nutritiva a custo mínimo.

Os dados relativos ao custo de cada tipo de ração, às quantidades mínimas diárias de ingredientes básicos a fornecer a cada animal, bem como às quantidades destes existentes em cada tipo de ração (g/kg) constam do quadro abaixo:

	Granulado (gr/kg)	Farinha (gr/kg)	Quantidade mínima /requerida
Hidrato de carbono	20	50	200
Vitaminas	50	10	150
Proteínas	30	30	210
Custos	10	5	

Qual a quantidade mínima de cada tipo de ração a dar diariamente a cada animal?

Solução:

Neste caso estamos diante de um problema de minimização, em que a função objectiva é Z.

O problema está definido (1º passo da resolução de um problema em P.L)

2º Passo: formalização do modelo:

Sejam as variáveis de decisão: x_1, x_2 , onde:

x_1 – Quantidade mínima de ração para animal do tipo 1

x_2 - Quantidade mínima de ração para animal do tipo 2

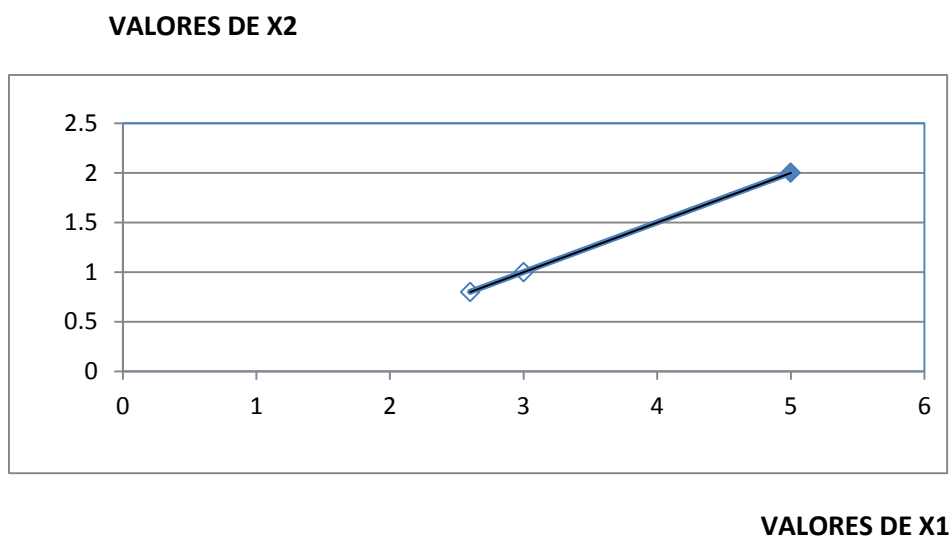
Usando o modelo **(1)**, formalizaremos o problema da seguinte maneira:

Minimizar $Z = 10x_1 + 5x_2$

Sujeito a $\begin{cases} 20x_1 + 50x_2 \geq 200 \\ 50x_1 + 10x_2 \geq 150 \\ 30x_1 + 30x_2 \geq 210 \end{cases}$

com $x_1, x_2 \geq 0$

Solucionando o problema pelo método do gráfico teremos:



Conforme ilustra a região óptima, os valores $x_1 = 5$, $x_2 = 2$. Constituirão o ponto óptimo **P(5;2)**.

Calculando substituindo na função objectiva teremos: mínimo $Z = 10 \times 5 + 5 \times 2 = 60$

Decisão final: Para conseguir uma boa qualidade nutritiva a custo mínimo, o criador de porco deve dar a cada tipo de animal, a ração, na quantidade mínima de **60 (gr/kg)**.

Fim!

Bibliografia

1996) *Ivestigação Operacional*. Lisboa: McGraw-Hill.

BROSON, R. (1985). *Pesquisa Operacional*. São Paulo: McGraw-Hill.

<http://www:problemas de programação linear>